

**[2 points]** Soit un modèle de Markov caché d'ordre 1 dont les variables cachées  $H_t$  et les variables observées  $S_t$  ont toutes comme domaine les symboles  $a, b, c$ . Soit les distributions de transition et d'émission suivantes :

	$H_t = a$	$H_t = b$	$H_t = c$
$P(S_t = a H_t)$	0.8	0.4	0.1
$P(S_t = b H_t)$	0.1	0.4	0.3
$P(S_t = c H_t)$	0.1	0.2	0.6

  

	$H_{t-1} = a$	$H_{t-1} = b$	$H_{t-1} = c$
$P(H_t = a H_{t-1})$	0.2	0.1	0.6
$P(H_t = b H_{t-1})$	0.7	0.1	0.2
$P(H_t = c H_{t-1})$	0.1	0.8	0.2

Soit également les probabilités initiales  $P(H_1 = a) = 0.4$ ,  $P(H_1 = b) = 0.4$  et  $P(H_1 = c) = 0.2$  de la variable cachée au temps  $t = 1$ .

Supposez qu'on observe  $S_1 = b, S_2 = b, S_3 = c$ .

(b) Soit le tableau  $\beta$  incomplet suivant :

$\beta(i, t)$	t=1	t=2	t=3
$i = a$	?	0.22	1
$i = b$	0.0754	0.51	1
$i = c$	0.0672	0.22	1

Calculez l'entrée du tableau manquante.