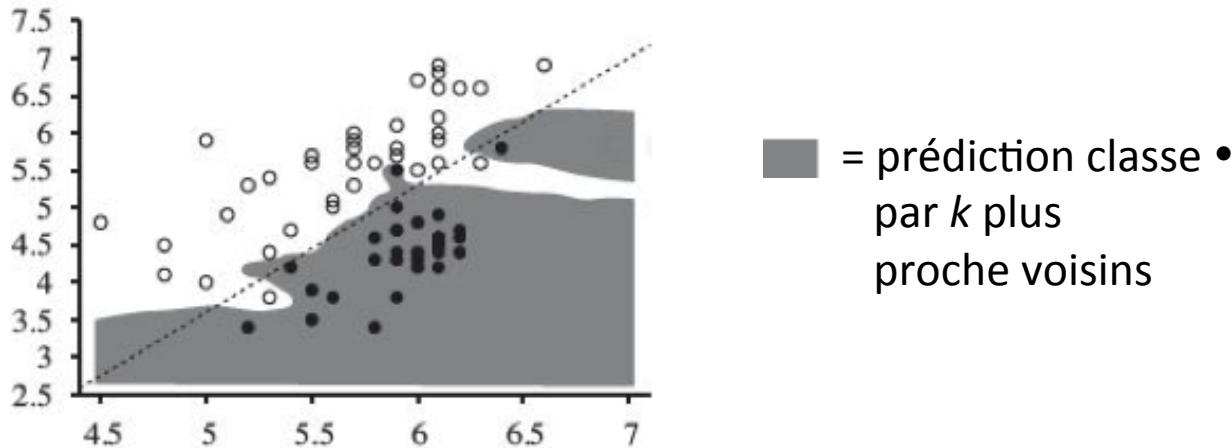


# Limitation des classifieurs linéaires

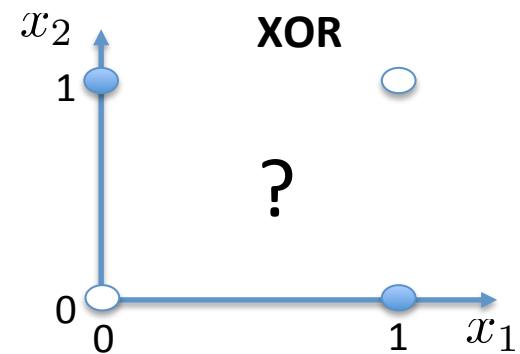
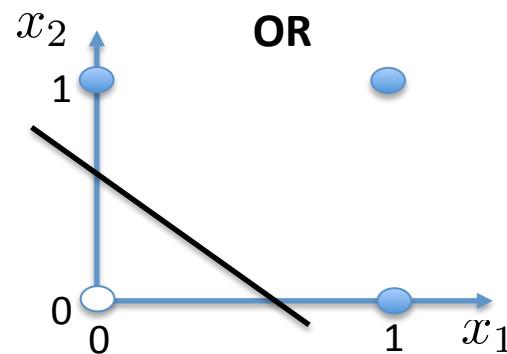
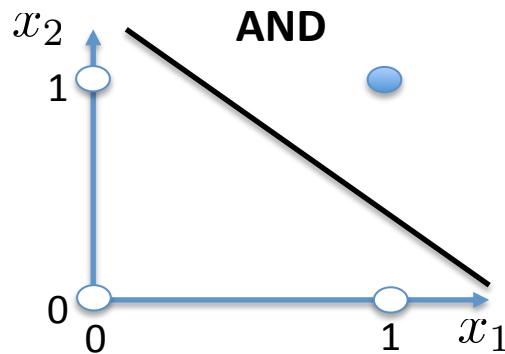
- Si les données d'entraînement sont séparables linéairement, le perceptron et la régression logistique vont trouver cette séparation



- $k$  plus proche voisins est non-linéaire, mais coûteux en mémoire et temps de calcul (pas approprié pour des problèmes avec beaucoup de données)

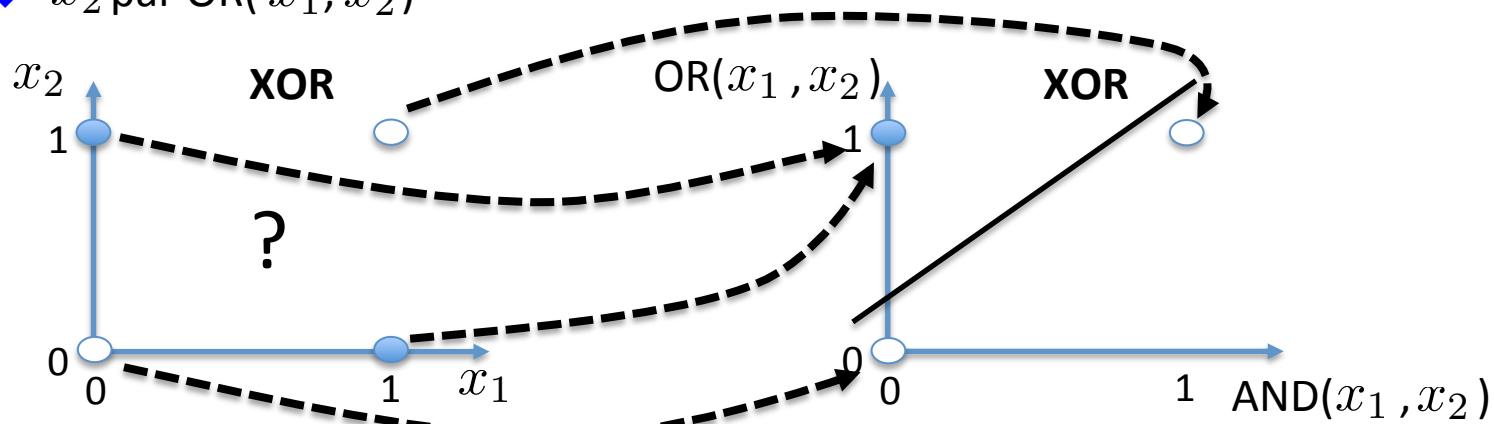
# Limitation des classifieurs linéaires

- Cependant, la majorité des problèmes de classification ne sont pas linéaires
- En fait, un classifieur linéaire ne peut même pas apprendre XOR!



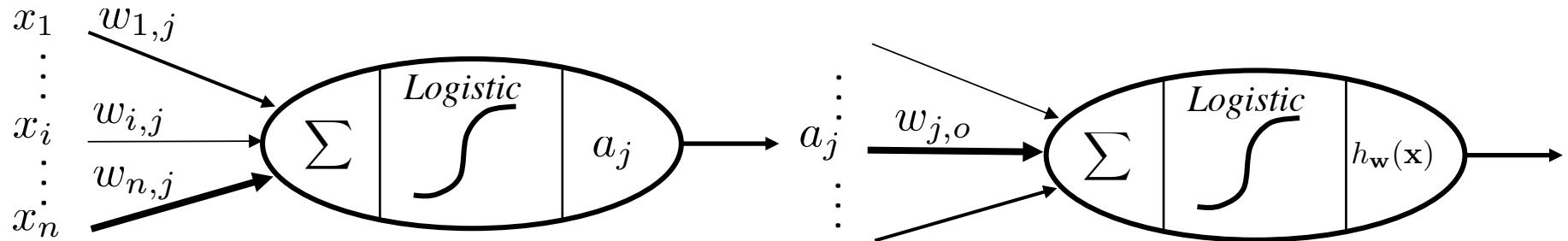
# Limitation des classifieurs linéaires

- Par contre, on pourrait transformer l'entrée de façon à rendre le problème linéairement séparable sous cette nouvelle représentation
- Dans le cas de XOR, on pourrait remplacer
  - $x_1$  par  $\text{AND}(x_1, x_2)$  et
  - $x_2$  par  $\text{OR}(x_1, x_2)$



# Quatrième algorithme: réseau de neurones artificiel

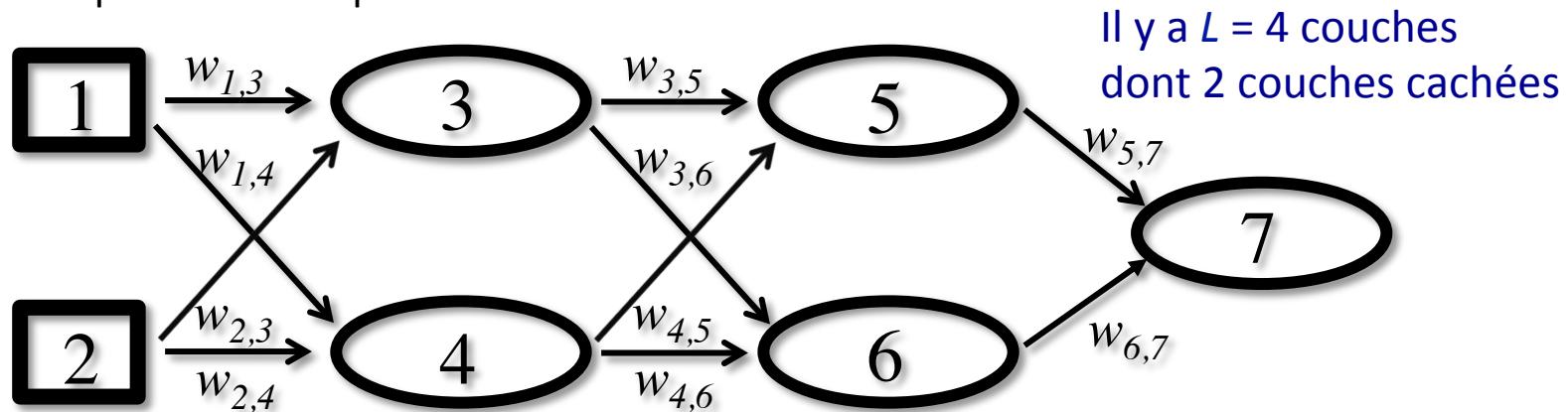
- **Idée:** apprendre les poids du classifieur linéaire **et** une transformation qui va rendre le problème linéairement séparable



Réseau de neurones à une seule couche cachée

# Cas général à $L$ couches

- Rien n'empêche d'avoir plus d'une couche cachée



- On note  $a_j$  l'activité du  $j^e$  « neurone », incluant les neurones d'entrée et de sortie.  
Donc on aura  $a_i = x_i$
- On note  $in_j$  l'activité du  $j^e$  neurone avant la non-linéarité logistique, c'est à dire

$$a_j = \text{Logistic}(in_j) = \text{Logistic}(\sum_i w_{i,j} a_i)$$